

إذا كانت $F(x) = \frac{x^2}{x^2 + 3}$ مشتقة عكسية للدالة $f(x)$ وكذلك $G(x) = \frac{-3}{x^2 + 3}$ مشتقة عكسية أخرى للدالة $f(x)$

أوجد قيمة الثابت C التي تختلف به $F(x)$ عن $G(x)$

لكن الدالتان : $F(x) = x^2(x^2 + 4)$, $G(x) = \frac{1}{4}(2x^2 + 4)^2$

اثبت أن $G(x)$, $F(x)$ دالتان كل منهما المشتقة العكسية للدالة $f(x)$

أوجد $f(x)$

أوجد قيمة الثابت C التي تختلف به $F(x)$ عن $G(x)$

إذا كانت : $G(x) = \frac{-5}{x^2 + 5}$, $F(x) = \frac{x^2}{x^2 + 5}$

بين أن $G(x)$ و $F(x)$ دالتان مشتقة عكسية للدالة $f(x)$

$$F(x) = -\frac{1}{4} \cos 2x, \quad G(x) = -\frac{1}{2} \cos^2 x \quad \text{لتكن الدالتان}$$

أثبت أن الدالتان $F(x)$, $G(x)$ هما المشتقة العكسية للدالة $f(x)$

أوجد الدالة $f(x)$

أوجد قيمة الثابت C التي تختلف به $F(x)$ عن $G(x)$

أولاً : إذا $y = \ln | \sec x + \tan x |$

1. أوجد $\frac{dy}{dx}$

2. مستفيداً مما توصلت إليه أوجد $\int \sec x dx$

اثبت إن : $F(x) = e^{2x} \ln 3x$

هي مشتقة عكسية للدالة $f(x) = e^{2x} \left(\frac{1}{x} + \ln 9x^2 \right)$ حيث $x > 0$

أوجد $\frac{dy}{dx}$

$$y = \ln(e^{\sin x} \sqrt{x+3})$$

$$y = e^{2x} \sin 4x$$

$$y = \ln\left(\frac{4}{x} + 2\right)e^{5x+1}$$

$$y = e^{3x} \ln(3x)$$

$$y = \ln \sqrt{x^2 + 2x}$$

$$y = \ln(e^{x^3} (x^2 + 3)^4)$$

إذا كانت $f(x) = \ln ex + \pi e^{\pi x}$ فأثبت أن $F(x) = x \ln x + e^{\pi x}$ هي مشتقة عكسية للدالة $f(x)$ حيث $x > 0$

إذا كانت كل من الدالتين $G(x)$ و $F(x)$ مشتقة عكسية للدالة $f(x)$ حيث :

$$F(x) = x^2 e^{-x} \quad , \quad G(x) = \frac{x^2 - 2e^x}{e^x} \quad \text{أوجد :}$$

(a) قيمة الثابت C الذي يختلف به الدالتان $F(x)$ و $G(x)$

(b) أثبت أن الدالة $f(x) = xe^{-x}(2-x)$

$$\int (e^x \ln(x^2 + 1) + \frac{2xe^x}{x^2 + 1}) dx = e^x \ln(x^2 + 1) + c \quad \text{تحقق من صحة المساواة الآتية}$$

$$\int \frac{2(1 - x \ln x)}{xe^x} dx = e^{-x} \ln x^2 + c \quad \text{تحقق من صحة المساواة الآتية}$$

Find y'

$$y = \ln(3xe^{2x}(2x-1)^6)$$

إذا كانت $f: [1,4] \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x \ln e^{x^2} + e^{-x}$ أثبت أن :-

$G(x) = x^2 \ln x - e^{-x}$ هي (مشتقة عكسية) للدالة f على $[1,4]$

تحقق من صحة المساواة التالية :

$$\int \frac{e^{x^2}(x^2 \ln x^2 + 1)}{x} dx = e^{x^2} \ln x + C \quad \text{حيث } x > 0$$

إذا كانت $F(x) = \frac{1}{2} \sec^2 x + \ln x$ مشتقة عكسية للدالة $f(x)$

وكذلك $G(x) = \frac{1}{2} \tan^2 x + \ln x + \ln e$ مشتقة عكسية أخرى للدالة $f(x)$

أوجد قيمة الثابت C التي تختلف به $F(x)$ عن $G(x)$

تحقق من صحة المساواة التالية :

$$\int e^{x^2} (\cos x + 2 x \sin x) dx = e^{x^2} \sin x + C$$

إذا كانت : $y = x \ln x$ أوجد : $\frac{dy}{dx}$ استخدم ما توصلت إليه في (أ) لإيجاد $\int \ln x dx$ إذا كانت : $y = x e^x$ (أ) : أوجد $\frac{dy}{dx}$ (ب) : أوجد $\frac{d^2 y}{d x^2}$ إذا كانت $f(x) = e^{-x} \ln x$ حيث $x > 0$ أوجد $\int f''(x) dx$

$$f(2) - f(1) = \int f(x) dx = \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + 3 \quad \text{فإن إذا كان}$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} - 2 \frac{dy}{dx} + 2y = 0 \quad \text{حلًا للمعادلة التفاضلية} \quad y = e^x \sin x \quad \text{بين أن}$$

$$\int f(x) dx = e^x \ln x + c, \quad x > 0 \quad \text{إذا كانت : أوجد : } f(x)$$

$$\frac{dy}{dx} \quad \text{أوجد}$$

$$y = \ln(e^{\sin x} \sqrt{x+3})$$

$$y = \ln(e^{\sqrt{x}} \sin x) + x \ln x$$