

امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني «المؤجل» للصف الثاني عشر العلمي
للعام الدراسي 2009 / 2008 م

السؤال الأول :

(أولاً) :

شركة لإنتاج ملابس الإحرام تباع إنتاج البالغ 20 000 قطعة كل شهر بسعر 50 درهم للقطعة الواحدة ، إذا قررت هذه الشركة زيادة الإنتاج بمعدل 1 500 قطعة كل شهر وذلك لرفع إيراداتها بمعدل 90 000 درهم كل شهر ،
(1) ما هو معدل تغير السعر الذي عليها أن تزيده عندئذ .

مساعدة رياضية

استخدم الرموز الآتية :
 $r(x)$ الإيرادات
 $q(x)$ الكمية المباعة
 $p(x)$ سعر بيع القطعة الواحدة
الإيرادات = الكمية المباعة $\times$ سعر القطعة .

يتبع / 2

(3)

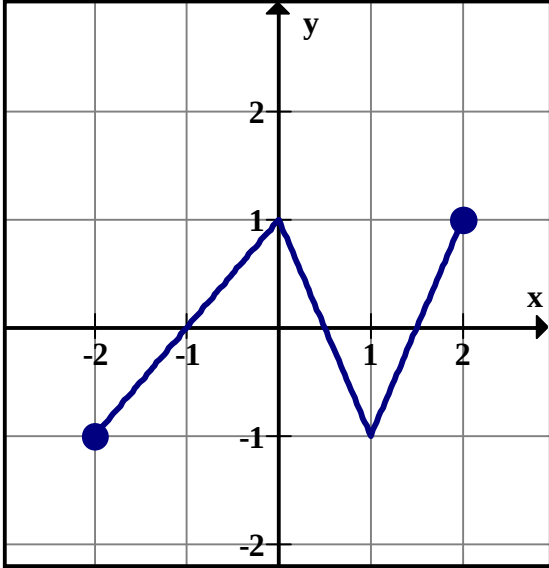
تابع مادة الرياضيات لامتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للصف الثاني عشر العلمي للعام الدراسي 2009/2008 م

تابع السؤال الأول :

(ثانياً) :

الرسم البياني للدالة $f(x)$ في الشكل A يمثل قطعاً مستقيمة متصلة عند أطرافها
(2) أوجد النقاط الحرجة للدالة $f(x)$. علل اجابتك .

(A)

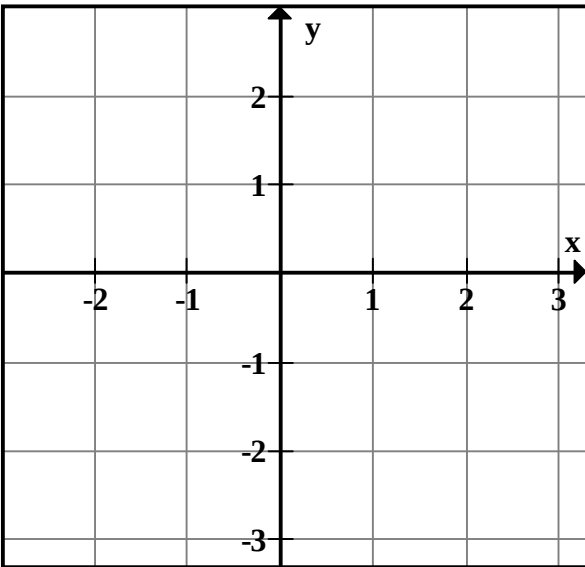


(3) في الشكل B ارسم بيان الدالة $f'(x)$.

(4) ما هو نوع القيمة القصوى (صغرى أم عظمى) عند $x = 0$ ؟

وضح سبب اختيارك .

(B)



(5) وهل يمكن تطبيق اختبار المشتقة الثانية لتحديد نوع

هذه القيمة ؟ علل اجابتك .

يتبع / 3

(3)

تابع مادة الرياضيات لامتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للصف الثاني عشر العلمي للعام الدراسي 2009/2008 م

تابع السؤال الأول :

(ثالثاً) :

بفرض أن $f(x)$ دالة متصلة على الفترة $[2, 5]$ وقابلة للاشتقاق على الفترة $(2, 5)$.
أجب عن ما يلي .

(6) هل $f(x)$ تحقق نظرية القيمة المتوسطة ؟

(7) وإذا كانت $2 \leq f'(x) \leq 5$ من أجل جميع قيم x في الفترة $(2, 5)$.
أثبت أن $6 \leq f(5) - f(2) \leq 15$

(رابعاً) :

في اللحظة $t = 0$ أطلق ثقل معلق من أسفل نابض (لولب) متذبذباً إلى أسفل وإلى أعلى ليتعين موقعة عند أي لحظة t بالعلاقة : $s(t) = 4 \cos t$, $0 \leq t \leq 2\pi$
(8) أوجد موقع الثقل عندما تكون سرعته المتجهة = صفر .

(9) موقع الثقل عندما تكون سرعته المتجهة أكبر ما يمكن .

(10) إذا علمت أن اتجاه حركة الثقل عند إطلاقه (في اللحظة $t = 0$) كانت نحو الأسفل في أي فترة زمنية يتحرك هذا الثقل نحو الأعلى ؟

يتبع / 4

(4)

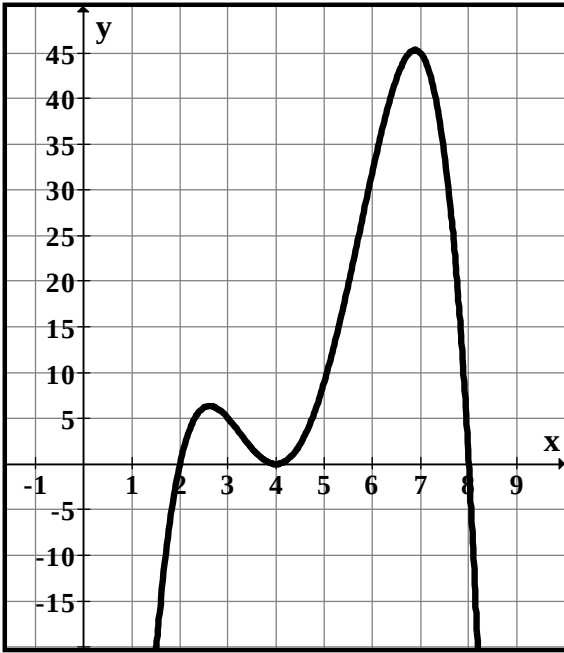
تابع مادة الرياضيات لامتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للصف الثاني عشر العلمي للعام الدراسي 2009/2008 م

تابع السؤال الأول :

(خامساً) :

إذا علمت أن $f(x)$ دالة قابلة للاشتقاق مرتين على مجالها $(0, \infty)$ والرسم المجاور يمثل بيان $f''(x)$ (المشتقة الثانية للدالة $f(x)$)

(11) أوجد الفترات التي يكون فيها منحنى الدالة $f(x)$ مقعراً نحو الأعلى .



(12) حدد قيم x التي تكون للدالة $f(x)$ عندها نقاط انعطاف

برر اجابتك .

(13) هل يوجد قيمة صغرى محلية للدالة $f'(x)$ ؟

إذا كان الجواب (نعم) ما هو الإحداثي السيني لها ؟ وإن كان (لا) برر اجابتك .

يتبع / 5

(5)

تابع مادة الرياضيات لامتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للصف الثاني عشر العلمي للعام الدراسي 2009/2008 م

السؤال الثاني :

(أولاً) :

إذا كانت المعادلة $4y^2 + 16 = (x - 2)(x + 18)$ تمثل قطعاً زائداً أوجـد :
(14) المركز لهذا القطع .

(15) البؤرتان .

(16) نقطتي طرفي المحور القاطع .

(17) معادلتَي الخطين التقاربين .

(ثانياً) :

(18) أوجد مجموعة قيم k التي تجعل المعادلة التالية $(k-1)x^2 + (5-k)y^2 + 6x - 2y = 1$ هي قطع مكافئ .

يتبع / 6

(6)

تابع مادة الرياضيات لامتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للصف الثاني عشر العلمي للعام الدراسي 2009/2008 م

تابع السؤال الثاني :

(ثالثاً) :

إذا كانت المعادلة $9x^2 + 4y^2 - 18x + 8y - 23 = 0$ تمثل قطعاً ناقصاً

(19) ضع المعادلة في الصورة القياسية .

(20) أوجد إحداثيات البؤرتين .

(21) أوجد نقطتي طرفي المحور الأكبر و نقطتي طرفي المحور الأصغر .

(22) أوجد مساحة القطع الناقص حيث مساحته تعطى بالعلاقة $A = ab p$

ثانياً : إذا كانت المعادلة $x^2 - \frac{(y-3)^2}{4} = 1$ تمثل قطعاً زائداً أوجد :

(29) المركز لهذا القطع .

(30) البؤرتين .

(31) نقطتي طرفي المحور القاطع .

(32) معادلي الخطي التقاربين .

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق