

الاشتقاق الضمني ،

إذا كان $x^2 + y^2 = 2xy + 3$ حيث $x \neq y$ ، اوجد $\frac{dy}{dx}$

إذا كانت $xy + y^2 = 4$ فاوجد $\frac{d^2y}{dx^2}$ عند النقطة $(0, 2)$

إذا كانت $y^2 + 3x^2 - 2x = 5$ فاثبت أن $yy'' + (y')^2 + 3 = 0$

إذا كانت $xy = \sin 2x + \cos 2x$ فاثبت أن $x(y'' + 4y) + 2y' = 0$

إذا كانت : $x = (y^3 - 1)^5$

إثبت أن : $\frac{dy}{dx} = \frac{y^2 - 1}{15xy^2}$

$$y^5 \cdot \frac{d^2y}{dx^2} = 4x \quad : \text{إثبت أن} \quad y^3 = x^3 + 2 \quad : \text{إذا كان}$$

$$\text{أوجد معادلة خط المماس للمنحنى } (x^2 + y)^3 = 3x + 2 \text{ عند النقطة } (-1, -2)$$

$$\sqrt{x} + \sqrt{y} = 10$$

$$6x^2 - 2xy + y^3 = 9$$

$$y^2 = \frac{x-1}{x+1}$$

$$x^2 = \frac{x-y}{x+y}$$

إذا كانت : $x^2 + y^2 = 25$
فأثبت أن : $(y')^2 + y y'' + 1 = 0$

$$x + \sin y = xy$$

أوجد :

(a) معادلة المماس على المنحنى

(b) معادلة الخط العمودي على المماس في النقاط المعطاة على منحنى الدالات

$$2xy + \pi \sin y = 2\pi \quad \text{عند النقطة} \quad \left(1, \frac{\pi}{2}\right)$$

$$x \sin 2x = y \cos 2x \quad , \quad \left(\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2} \right) \text{ عند النقطة}$$

$$6x^2 + 3xy + 2y^2 + 17y - 6 = 0 \quad , \quad (-1, 0) \text{ عند النقطة}$$

$$x^2 + xy\sqrt{3} + 2y^2 = 5 \quad , \quad (\sqrt{3}, 2) \text{ عند النقطة}$$