

الدوال المتزايدة و الدوال المتناقصة

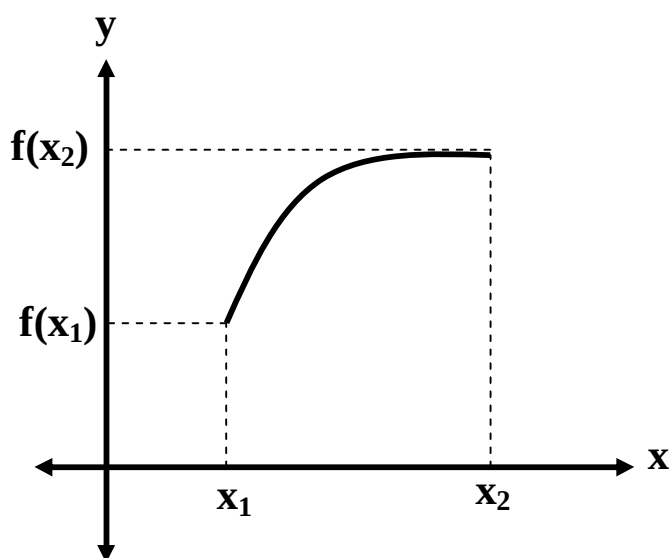
تعريف الدالة المتزايدة والدالة المتناقصة:

لتكن الدالة f معرفة علي الفترة I ولتكن x_1 و x_2 نقطتين في الفترة I
وتكون f متزايدة علي I إذا كان :

$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$$

وتكون f دالة متناقصة علي I إذا كان

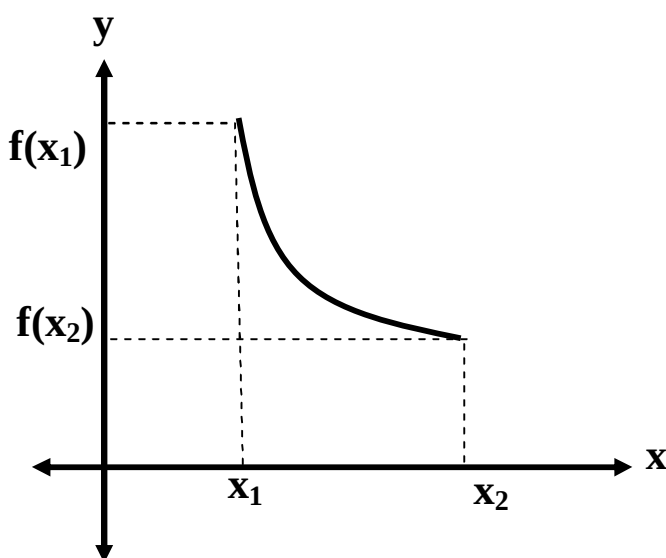
$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$$



دالة متزايدة

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) < f(x_2)$$

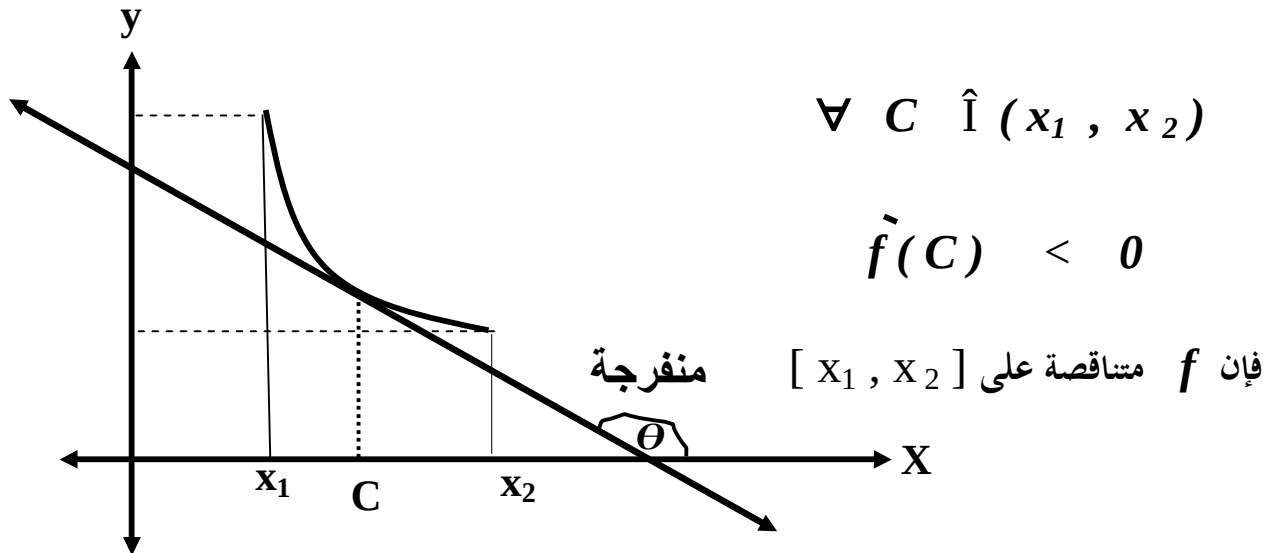
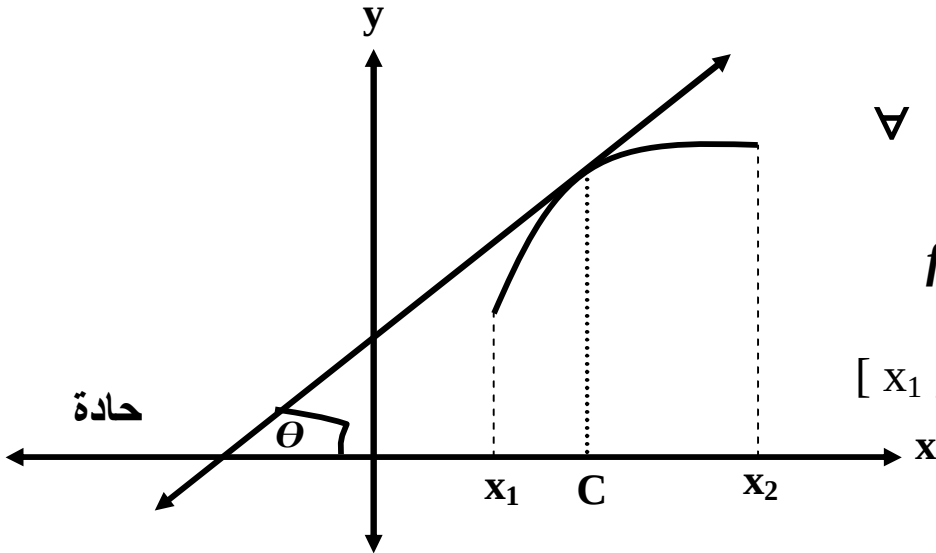


دالة متناقصة

$$x_1 < x_2$$

$$f(x_1) > f(x_2)$$

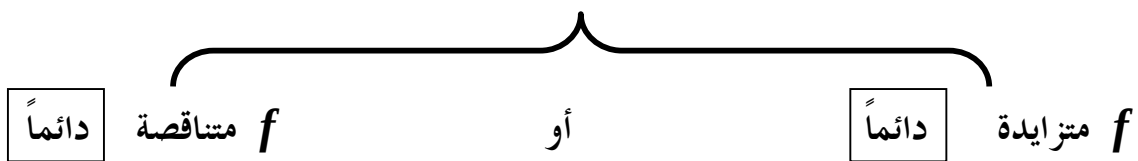
العلاقة بين الدالة المتزايدة والمتناقصة وإشارة f



أطراف الدوال

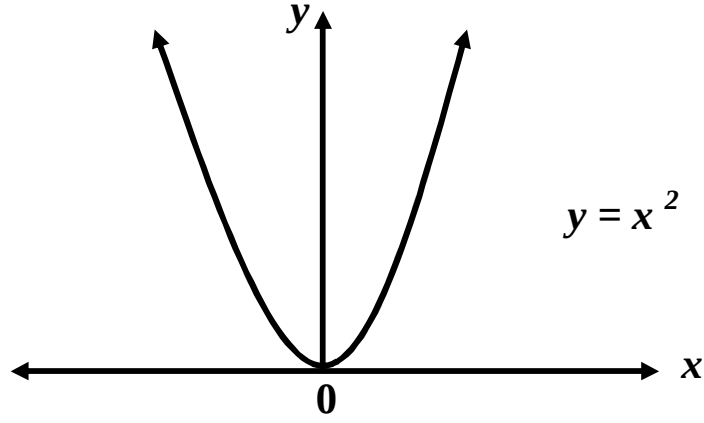
تكون الدالة f مطردة على فترة I

إذا كان



على I

مثال 1 :



$$y = x^2 \Rightarrow y = 2x$$

$$\forall x \in (-\infty, 0)$$

$$\forall x \in (0, \infty)$$

$$y < 0$$

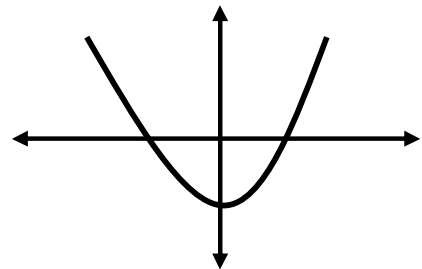
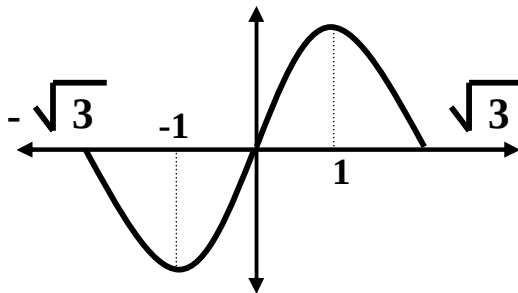
$$y > 0$$

$\therefore f'$ متناقصة على $[-\infty, 0]$

$\therefore f'$ متزايدة على $[0, \infty]$

مثال 2 : أرسم بيان f' حيث $f(x) = x^3 - 3x$ كما هو بالرسم

ومن ذلك حدد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة f على $[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$

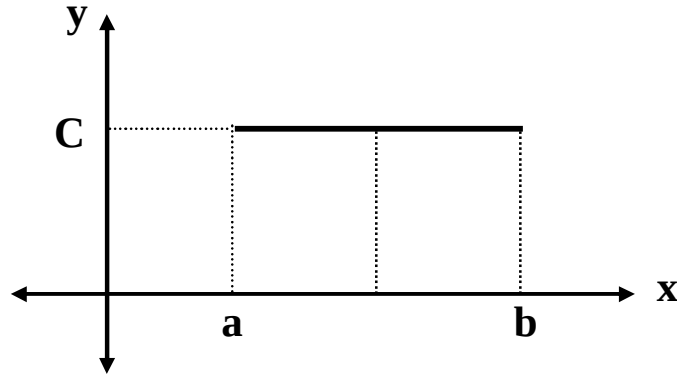


الدوال الثابتة

إذا كان $f'(x) = 0$ عند كل نقطة في فترة I

فإنه يوجد ثابت C حيث

$$f(x) = C \quad \forall x \in I$$



يلاحظ أن

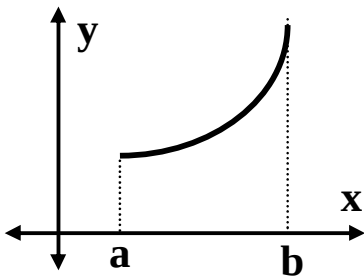
إذا كان

$$f'(x) > 0$$

$$\forall x \in (a, b)$$

تكون $y = f(x)$

متزايدة على I

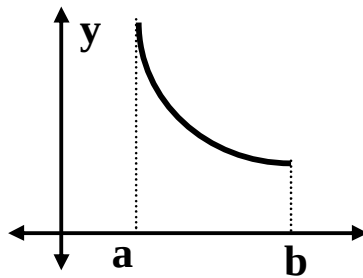


$$f'(x) < 0$$

$$\forall x \in (a, b)$$

تكون $y = f(x)$

متناقصة على I



$$f'(x) = 0$$

$$\forall x \in (a, b)$$

تكون $y = f(x)$

ثابتة على I

