

أسئلة الأسبوع السادس

السؤال الأول:

أولاً : لعدد معين من السكان ، كان معدل الولادة يعطى بالعلاقة

$$f(t) = 410 - 0.3t \text{ كائن / شهر}$$

$$g(t) = 390 + 0.2t \text{ كائن / شهر} \quad \text{والوفيات بالمعادلة}$$

(1) وضح ما الذي يعبر عنه التكامل المحدد $\int_0^{12} [f(t) - g(t)] dt$ ثم أوجد قيمته .

(2) حدد أي قيم ل t تجعل معدل الولادات أكبر من معدل الوفيات .

ثانياً : (1) أوجد قيمة التكامل

$$\int_{e^{-6}}^{e^6} \frac{\sqrt{36 - (\ln x)^2}}{x} dx$$

(2) أوجد قيمة التكامل $\int_0^1 f(3x + 1) dx$ إذا علمت

$$\int_1^4 (2 + f(x)) dx = 10 \quad \text{أن}$$

ثالثاً : تحقق من صحة العلاقة التالية بطريقتين

$$\int (\cos x)^n dx = \frac{1}{n} (\cos x)^{n-1} \sin x + \frac{n-1}{n} \int (\cos x)^{n-2} dx$$

(1) باشتقاق الطرف الثاني

(2) باستخدام التكامل بالتجزئ

$$\int (\cos x)^4 dx \quad \text{ثم أوجد}$$

السؤال الثاني :

1 (استخدم التعويض $u = x^{\frac{1}{6}}$ لإيجاد قيمة التكامل $\int \frac{1}{x^{\frac{5}{6}} + x^{\frac{2}{3}}} dx$)

2 (استخدم الفكرة السابقة في 1) لإيجاد $\int \frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}} dx$)

3 (ماهو التعويض المناسب برأيك الذي يستخدم لإيجاد التكامل $\int \frac{1}{x^{\frac{p+1}{q}} + x^{\frac{p}{q}}} dx$)

حيث p و q موجبان

السؤال الثالث :

أولاً: إذا كانت $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{ab}{(a\cos x + b\sin x)^2} dx$

1 (ماهو الشرط المفروض على الدالة $f(x) = \frac{ab}{(a\cos x + b\sin x)^2}$ حتى نطبق النظرية

الأساسية للتفاضل والتكامل الجزء الثاني لإيجاد قيمة I

2 (أوجد قيمة I بقسمة البسط والمقام على $(\cos x)^2$)

3 (أوجد قيمة I وذلك باستخدام التعويض $u = ab \tan x$)

ثانياً: 1 (استخدم فكرة مشتقة الدالة $\frac{f(x)}{g(x)}$ لإثبات صحة العلاقة

$$\int \frac{f'(x)}{g(x)} dx = \frac{f(x)}{g(x)} + \int \frac{f(x)g'(x)}{(g(x))^2} dx$$

2 (طبق الصيغة السابقة على الدالتين $f(x) = \sin x$, $g(x) = \cos x$)

3 (وكذلك على الدالة $\frac{f(x)}{g(x)} = \frac{1}{u(x)}$)